Optimasi Collision Detection Pada 2D Spaceship Game Menggunakan Metode Quadtree

e-ISSN: 2548-964X

http://j-ptiik.ub.ac.id

Andhi Indra Lestya Wicaksono¹, Eriq Muhammad Adams Jonemaro², Muhammad Aminul Akbar³

Program Studi Teknik Informatika, Fakultas Ilmu Komputer, Universitas Brawijaya Email: ¹andyindra27@gmail.com, ²eriq.adams@ub.ac.id, ³ muhammad.aminul@ub.ac.id

Abstrak

Permainan video 2D Spaceship merupakan permainan klasik yang dapat dimainkan sejak jaman Gameboy, Game ber-genre spaceship ini masih populer di kalangan semua umur, pada 2D spaceship game ini, player atau pemain diberi objektif untuk menghindari obstacle hingga mengalahkan NPC. Game ber-genre ini memerlukan sebuah collision detection, sebuah algoritma untuk mengetahui bertabrakannya 2 objek, seperti peluru dengan NPC atau player dengan NPC atau juga peluru dengan obstacle. Metode yang digunakan untuk memeriksa pertumpukan antara 2 objek dalam penelitian ini adalah menggunakan *quadtree*, yaitu metode pemisahan area pada game yang bertujuan untuk memfokuskan collision detection pada area tertentu saja, metode ini berjalan ketika ada 2 objek yang bisa bertumpukan berada pada 1 node (area) yang sama, jika pada suatu area tidak ada 2 objek yang dapat bertumpukan, metode collision detection tidak akan bekerja, Quadtree lebih optimal daripada metode collision detection yang langsung diterapkan kedalam game (Bruteforce) karena deteksi pertumpukannya ke semua wilayah sekaligus yang menyebabkan metode dengan quadtree menggunakan resource lebih sedikit dan frame per second naik saat dimainkan, hasil dari pengujian menyatakan bahwa algoritma *Quadtree* mampu mendobrak FPS menjadi lebih tinggi, rata-rata FPS jika menggunakan bruteforce tercatat sebesar 70,06 FPS sedangkan rata rata FPS dengan menggunakan Quadtree bisa mencapai 268,1 FPS

Kata kunci: 2D game, spaceship game, collision detection, quadtree, collidable object

Abstract

2D Spaceship Game is a classic game since Gameboy's came out, but even it's an old type of game, many people still play it until now. This game gives you objective to survive an attack against obstacle or NPC. this genre needs a collision detection, an algorithm that allows you to detect collision between 2 collidable objects, the method uses quadtree, a method that allows certain area divided by itself in order to focusing collision detection, this method works if there is 2 collidable objects in the same place at the same time. So if there's no object or just 1 object in certain area, the collision detection algorithm won't work, this method is more optimal than just use the collision detection and implement it straight to the game (bruteforce) because the collision detection it's not focused in certain area and the algorithm will detect in all areas. That means the quadtree use less resource and the frame per second will increase, After being tested for couple times, the Quadtree Algorithm able to bust the FPS up, the average FPS for Bruteforce is 70.06 FPS, and the average FPS for Quadtree Collision Detection is 268.1 FPS

Keyword: 2D game, spaceship game, collision detection, quadtree, collidable object

1. PENDAHULUAN

Video atau bisa disebut game permainan video adalah salah satu hiburan yang sudah banyak dinikmati oleh banyak golongan masyarakat, mulai dari cooking mama hingga Grand Theft Auto V, tidak hanya anak anak saja yang bisa menikmati *video game* namun orang dewasa juga bisa menikmatinya,video game juga sangat populer di jaman sekarang, bahkan di Indonesia saja survei yang dilakukan pada 2017 lalu, tercatat bahwa potensi nilai industrI game Tanah Air mencapai kisaran 800 juta dollar AS atau sekitar Rp 11 triliun. (Cipto Adiguno, 2017).

Permainan video masa kini tidak hanya berpacu pada bentuk 3D dengan pengaplikasian teknologi AR dan VR, namun game berbentuk 2D dengan gambar pixelate bisa mendobrak pasar game seperti StardewValley dan RimWorld (Kukuh Basuki, 2017). Lalu ada sebuah subgenre dalam permainan video yang bernama 2D spaceship, walaupun merupakan genre klasik, genre permainan video ini sekarang mulai semakin popular semenjak perkembangan dan kepopularan mobile game dan banyaknya game platform pada tahun 2010 (Jones, et al, 2014).

Algoritma collision detection merupakan proses pengecekan apakah dua buah atau lebih objek spasial saling bertumpuk atau tidak, dan collision detection merupakan teknik deteksi tabrakan untuk mengetahui objek-objek apa saja yang bersentuhan dalam bidang koordinat tertentu (Lui Haekal Fasha, 2018). Di penelitian ini, peneliti menggunakan metode pemisahan quadtree untuk memeriksa dan menentukan bertabrakannya 2 buah objek pada game 2D spaceship.

Berbeda dengan metode lain seperti *priori* detection yaitu pengecekan tumpukan sebelum tumpukan tersebut terjadi dan *post detection* yaitu pengecekan tumpukan setelah tumpukan tersebut terjadi, dan berbeda pula dengan metode bruteforce yang mendeteksi semua daerah dari game tanpa membagi daerah yang akan dideteksi yang membuat mekanisme tidak optimal dalam pengecekan collider.

Bounding Box, atau bisa disebut juga Bounding Circle, yang berarti setiap obyek yang direpresentasikan dengan bounding box memiliki titik pusat dan radius. Untuk menguji apakah terjadi tumpukan antar dua obyek tersebut yang perlu dilakukan adalah

membandingkan jarak antara dua titik pusat dengan jumlah dari dua jari-jari (r1 & r2) (Arif Nurdiyanto, 2018).

Quadtree menggunakan sistem percabangan pohon yang menghasilkan deteksi lebih optimal dengan membagi menjadi 4 bagian kemudian memeriksa bertabrakannya objek berdasarkan bagian tersebut (Steven Lambert, 2012). Membuat performa permainan lebih baik untuk dimainkan, dan metode quadtree ini cocok dilakukan pada 2D game karena bersifat 2 dimensi yang mempunyai wilayah x dan y, berbeda dengan 3D game yang mempunyai 3 dimensi yaitu x, y, dan z yang lebih cocok dilakukan dengan octree

2. LANDASAN KEPUSTAKAAN

2.1 Spaceship Game

Spaceship game atau bisa disebut dengan space shooter game adalah salah satu genre dari game, pemain atau player diharuskan untuk mengatur pergerakan karakter dalam game, yang bisa menyimpan data (save) dan melanjutkan permainan (load) (Ansari Aaqib, 2018).

Game ini berbentuk arcade yang biasanya stage oriented dengan tujuan menyelesaikan misi, tetapi ada juga yang berbentuk endless yang bertujuan untuk menjadi game kompetitif dengan sistem scoring, meski game space shooter dianggap klasik namun masih banyak masyarakat yang masih mempermainan game bertema spaceship

Space Shooter Game banyak dipilih karena hanya mengandalkan ketangkasan untuk menyelesaikan game ini. Apalagi game yang sudah berbasis android yang memang di tujukan untuk smartphone maupun tablet yang sekarang banyak digunakan (Lia Musfiroh, 2014).



Gambar 1 Spaceship game

2.2 Collision Detection

Algoritma collision detection adalah proses pengecekan apakah beberapa buah objek spasial saling bertumpuk / bertabrakan atau tidak. Jika ternyata ada paling sedikit dua buah objek yang bertumpuk, maka kedua objek tersebut dikatakan saling bertumpukkan. Pada ruang spasial dua dimensi objek yang bertumpuk berarti objek spasialnya beririsan (Nugraha, 2013). Pada penelitian ini, penulis menggunakan obstacle berupa meteor, player berupa pesawat, dan projectile berupa tembakan dari 2D Spaceship Game sebagai objek yang dapat bertumpuk atau collide

2.2.1 Obstacle

Obstacle yang ada didalam game adalah tantangan dalam game yang berbentuk halangan, obstacle pada game bisa diartikan sebagai penghalang pada medan yang sudah ditetapkan atau disusun yang dapat menghalangi pemain untuk mencapai tujuan atau menang dan mendapatkan sebuah reaksi pada salah satu objek yang ditentukan (Lui Haekal Fasha, 2018). Terlihat pada gambar 2 bahwa obstacle telah disusun oleh pembuat game yang berbentuk bundar berwarna hijau



Gambar 2 Obstacle

2.2.2 Projectile

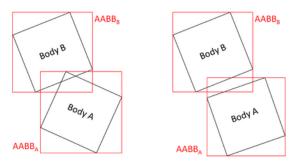
Projectile merupakan salah satu alat praktikum gerak parabola yang dapat digunakan dalam menentukan jangkauan terjauh, tinggi maksimum, dan waktu tempuh peluru dalam gerak parabola (Badru Salam, 2018). Projectile pada penelitian ini menggunakan tembakan berisi peluru, seperti yang dapat dilihat pada gambar 3 projectile berupa objek pipih berwarna kuning yang keluar dari player



Gambar 3 Projectile

2.2.3 Bounding Box

Bounding Box merupakan suatu metode dari Collision Detection atau pemeriksaan pertumpukan antar dua objek dalam suatu game, biasanya objek tersebut merupakan projectile, NPC, pendeteksian pada bounding box terpaku pada sumbu yang sejajar dan dengan cara ini bisa menghemat sumber daya CPU untuk pengujian bentuk yang lebih kompleks (Patah Herwanto, 2016).



Gambar 4 Bounding Box

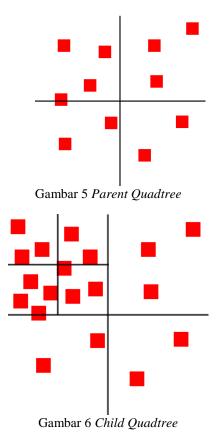
2.3 Quadtree

Algoritma *Quadtree* adalah algoritma yang berbentuk persegi yang terbagi empat atau berbentuk pohon *m-ray* yang tiap simpulnya memiliki 4 anak cabang, berbeda dengan algoritma *Octree*, *Quadtree* di implementasikan kepada *game* bergenre *2D*

Algoritma ini dapat membagi arena permainan menjadi empat bagian yang berukuran sama. Apabila dua objek atau lebih berada pada satu wilayah yang sama, bagi lagi wilayah tersebut menjadi empat bagian yang berukuran sama dan Pembagian wilayah terus dilakukan hingga masing-masing tidak ada objek yang berada pada wilayah yang sama. Pembagian wilayah ini dilakukan secara rekursif. (Robbi Rahim, 2014).

2.3.1 Metode *Quadtree*

Metode *Quadtree* berawal dengan membagi area *window* menjadi 4 bagian atau *node*, kemudian mendeteksi objek yang ada pada salah satu bagian tersebut dengan membuat batasan berapa objek yang dibolehkan pada satu *node*, jika pada salah satu *node* mempunyai objek lebih dari yang diperbolehkan maka *node* tersebut akan membuat *child node* dengan membagi 4 bagian dari *node parent* tersebut, skema ini akan dibuat secara berulang secara dinamis seperti gambar 5 dan gambar 6



Pada gambar telah dijelaskan bahwa objek (gambar kotak berwarna merah) memasuki beberapa *node* (garis hitam yang memisahkan daerah) yang memiliki kapasitas 4 objek, *node* yang mempunyai objek lebih dari kapasitas akan memisah diri menjadi *child node* yang mempunyai 4 wilayah seperti yang dapat dilihat pada gambar 6

2.4 Bruteforce

Brute force adalah suatu bentuk algoritma yang lempang (straightforward) dalam memecahkan suatu masalah. Brute force biasanya didasarkan pada pernyataan masalah dan pemecahan masalah secara intuitif ataupun sesuai konsep. (Ecky Putrady, 2011).

Algoritma Brute force bisa dikatakan metode yang kurang baik atau kurang cerdas, dikarenakan semua objek akan memeriksa satu sama lain yang berbeda jenis

2.4.1 Metode Bruteforce

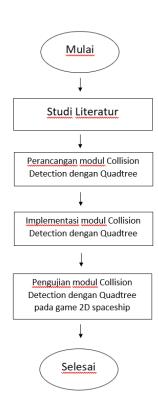
Ketika game dijalankan, metode Bruteforce juga akan berjalan dengan cara mengecek semua objek yang ada dengan total jenis objek yang ada, dan pada semua area, tidak hanya pada window game, namun juga diluar window game

2.5 Frame Per Second

FPS atau Frame per second adalah gambar yang di ter-render dalam hitungan perdetik, semakin banyak gambar yang bisa di render dalam satu detik, maka visual pada game semakin terlihat halus, Frame rate sebesar 3 atau 7 akan sangat tidak nyaman dimainkan aau bahkan tidak layak untuk dimainkan, FPS yang playable dimulai dengan 30 FPS sampai dengan 60 FPS (Claypool, 2007).

3. METODOLOGI

Pada bab ini akan menjelaskan langkah langah yang akan dilakukan dalam penyususnan skripsi. Penelitian ini bersifat implementatif dengan megimplementasikan *Collision Detection* p ada *2D Spaceship Game* menggunakan *Quadtree*. Metode penelitian yang digunakan adalah :



Gambar 7 Metodologi

Tahap pertama yaitu Studi Literatur, meliputi pencarian ilmu baik dari sumber tertulis seperti buku, jurnal, artikel, dokumendokumen relevan dengan permasalahan yang sama. Sehingga solusi yang akan di hasilkan memiliki dukungan yang kuat dari informasi – informasi yang di dapatkan dari studi kepustakaan ini.

Tahap kedua yaitu Perancangan Modul Collision Detection dengan Quadtree akan dibuat dengan dasar Quadtree yang akan di implementasikan pada 2D spaceship game. Tahapan metode ini membuat algoritma yang berbentuk kode (code) yang dapat diimplementasikan pada Unity dengan Bahasa Pemograman C#, Setelah implementasi kode selesai, dilanjutkan dengan proses pengujian algoritma dengan tujuan menguji algoritma yang telah dibuat agar sesuai dengan tujuan dari penelitian yang dilakukan.

Tahap ketiga yaitu Implementasi dari Collision Detection yang menggunakan Quadtree akan di implementasikan dengan bahasa C# yang akan dibuat dan dianalisis pada Unity, asset yang akan digunakan sudah dipersiapkan. Langkah awal yang dilakukan adalah membuat algorimta berbentuk kode Quadtree untuk di implementasikan pada Unity dengan tujuan mendeteksi pertumpukan antara

2 objek.

Tahap keempat yaitu Pada sub bab ini akan dijelaskan tentang cara pengujian daripada penelitian yang dilakukan, pengujian penelitian ini akan berbentuk beberapa tabel dengan tujuan menguji validitas, dan pengujian performa pada 2D Spaceship Game dengan mencantumkan FPS atau Frame Per Second, dan membandingkan pengimplementasian Quadtree dalam deteksi pertumpukan atau Collision Detection dengan implementasi bruteforce pada 2D spaceship game

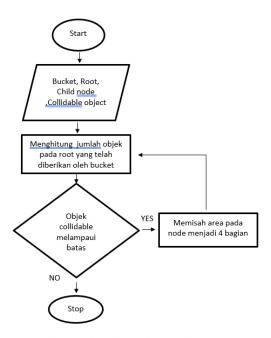
4. PERANCANGAN

4.1 Perancangan Collision Detection menggunakan Quadtree

mengenai rancangan Quadtree yang akan diimplemetasikan pada Collision Detection yang dapat digunakan pada game 2D Spaceship

4.1.1 Perancangan alur *Quadtree*

Pada sub bab ini akan dijelaskan mengenai bagaimana rancangan pemisahan menggunakan Quadtree pada metode Detection Collision



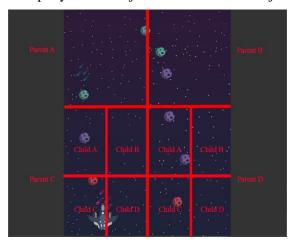
Gambar 8 Flowchart alur Quadtree

Seperti yang dijelaskan di flowchart diatas, untuk membuat pemisahan *quadtree* diperlukan sebuah *collidable* objek, objek disini bisa dibilang seperti *player*, *npc*, ataupun

obstacle, tapi penulis menentukan objek dalam penelitian ini berupa player, projectile, dan obstacle, kemudian dibutuhkan posisi objek untuk mengetahui dan mengatur di node mana objek tersebut akan disimpan, dapat dilihat juga pada gambar 5 dan 6, node membuat child node jika objek pada sebuah node melebihi kapasitas yang sudah ditentukan

Posisi disini adalah bagian dari *window* game yang telah dipisah oleh algoritma quadtree menjadi 4 dengan ukuran yang sama rata, seperti yang dapat di lihat di gambar 9

Proses dimulai dengan menghitung objek pada node parent, jika objek melebihi dari batas yang telah ditentukan oleh peneliti maka node parent akan memisah daerah menjadi 4 yang disebut node child, proses ini berulang terus menerus, pada kasus ini peneliti mempunyai batas objek tidak lebih dari 3 objek

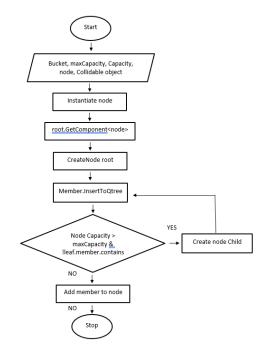


Gambar 9 Area Quadtree game Spacecape 2

Pada gambar 5 menjelaskan tentang pembagian area pada *quadtree* yaitu mempunyai *parent* yang memisah 1 layar *window* menjadi 4 bagian yang berarti terbuat 4 *parent* dan memisah lagi jika kapasitas objek melebihi dari yang diperbolehkan, pada gambar 9, wilayah didalam garis merah disebut dengan node sedangkan *obstacle*, *projectile*, dan *player* disebut dengan objek

4.1.1.1 Perancangan Script Quadtree

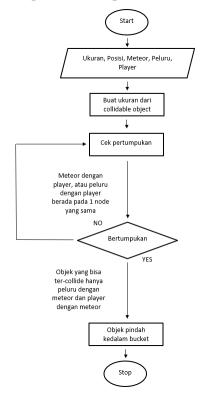
Pada Sub bab ini akan dijelaskan tentang algoritma berjalannya script perancangan pembuatan *node child* atau *node parent* serta pembagian *area* yang akan menjadi basis dari *Quadtree*



Gambar 10 Flowchart Script Quadtree

4.1.2 Perancangan alur Collision Detection

Pada sub bab Ini akan dibahas bagaimana algoritma *Collision Detection* akan diimplemetasikan pada *game 2D spaceship*



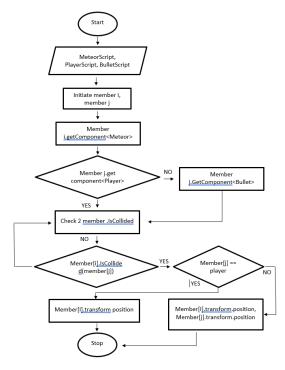
Gambar 11 Flowchart Alur Collision Detection

Pada flowchart diatas dijelaskan bahwa Collision Detection memerlukan sebuah

collidable objek dengan ukuran dan posisi nya, objek yang bisa ter-collide antara lain player dengan obstacle atau projectile dengan obstacle, setelah itu cek pertumpukan antara collidable object,

4.1.2.1 *Perancangan* Script Collision Detection

Pada sub bab ini membahas bagaimana rancangan *script* tentang algoritma *Collision detection*, mulai dari inisiasi sampai dengan *collide*



Gambar 12 Flowchart Script Collision Detection

Gambar 12 menjelaskan *flow* dari *Script Collision detection*, yaitu dengan meng inisiasi 2 *member* yaitu *member* i, *member* j, kemudian mengisi *member* i dengan *script* meteor, kemudian menanyakan apakah member j diisi dengan *script* dari *player* atau *script* dari *bullet*, member j hanya mempunyai 2 pilihan, memiliki isi dari *script player* atau *script bullet*,

kedua pilihan tersebut nantinya akan di cek apakah ter-collide dengan member i yang berisi script meteor, jika tidak maka akan terus mengecek pertumpukan objeknya, jika 2 member tersebut collide, maka akan menanyakan apakah member j berisi player atau bullet, jika berisi player maka member i akan kembali ke area bucket, jika member j berisi bullet maka member i dan j akan kembali ke area bucket

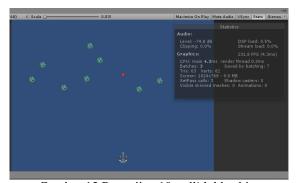
5. PENGUJIAN

5.1 Pengujian Stress Testing dengan pengaplikasian Quadtree

Pada bab ini akan dilakukan pengujian dengan cara *stress testing* yaitu melihat *FPS* atau *frame per second* dari *Collision Detection* yang di implementasikan kedalam *Quadtree* dengan menambahkan objek meteor dari objek *collidable*, penulis akan melakukan 3x pengujian, dengan 3 jumlah objek *collidable* yang berbeda pada area *quadtree*

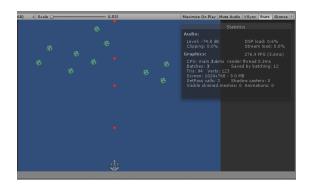
Tabel 1 Pengujian Stress Testing dengan pengaplikasian Quadtree

Pengujian ke-	Jumlah Collidable	Objek	Frame Second	per
1	10		231.8 fps	
2	15		276.6 fps	
3	20		295.8 fps	



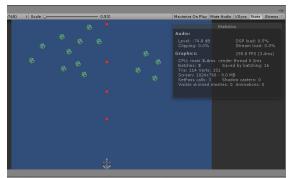
Gambar 13 Pengujian 10 *collidable* object menggunakan *quadtree*

Pada gambar 13 terlihat bahwa ada sebanyak 10 collidable object yang berada pada area quadtree, dan dapat dilihat juga hasil jadi FPS yaitu 231.8 frame per second



Gambar 14 Pengujian 15 *collidable* object menggunakan *quadtree*

Pada gambar 14 pengujian dilakukan dengan 15 collidable object pada waktu yang bersamaan, hasil FPS menunjukan di angka 276.9 frame per second



Gambar 15 Pengujian 20 collidable object menggunakan quadtree

Pada gambar 15, collidable object semakin banyak yaitu ada 20 objek secara bersamaan masuk kedalam area quadtree, FPS menunjukan di angka 295.8 frame per second

5.2 Pengujian Stress Testing dengan Bruteforce

Pada sub bab ini, pengujian dilakukan dengan cara *bruteforce*, yaitu metode pemeriksaan *collision* dengan cara memeriksa seluruh area pada *game*, pengujian dilakukan sebanyak 3x, dengan 3 jumlah *collidable object* yang berbeda, sehingga dapat menghasilkan *FPS* atau *frame per second* yang berbeda beda yang akan dibandingkan

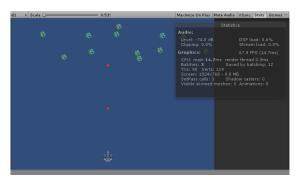
Tabel 2 Pengujian Stress Testing dengan bruteforce

Pengujian ke-	Jumlah objek <i>Collidable</i>	Frame per Second
1	10	85.7
2	15	67.9
3	20	56.6



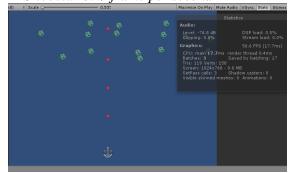
Gambar 16 Pengujian 10 collidable object menggunakan bruteforce

Pada gambar 16 dijelaskan bahwa didapat hasil *FPS* sebesar 85.7 *frame per second* dengan jumlah object sebanyak 10 dalam waktu bersamaan



Gambar 17 Pengujian 15 collidable object menggunakan bruteforce

Pada gambar 17 dapat dilihat ada 15 *collidable object* pada area *game*, dan mendapatkan hasil *FPS* sebesar 67.9 *frame per second*



Gambar 18 Pengujian 20 *collidable* object menggunakan *bruteforce*

Pada gambar 18 ini terdapat 20 *object* collidable di area game, mendapatkan hasil FPS 56.6 frame per second

6. KESIMPULAN DAN SARAN

6.1 Kesimpulan

Pada penelitian optimasi collision detection menggunakan quadtree pada 2D spaceship game sudah berhasil dilaksanakan dan penulis telah menarik kesimpulan sebagai berikut:

- 1. Algoritma collision detection yang diterapkan pada algoritma quadtree dengan cara memanggil algoritma collision detection hanya pada saat *node* atau *leaf* pada *quadtree* mempunyai member berisi collidable object, yaitu antara *obstacle* dengan *projectile* dan/atau player dengan obstacle, Semakin banyak objek pada area quadtree, semakin banyak pula pembagian area maka semakin mengecil area dari setiap node yang diperiksa collision atau pertumpukannya, maka semakin cepat pula sebuah objek masuk dan keluar dari area node tersebut. Dikarenakan collision detection dilakukan hanya pada suatu node tertentu saja, maka semakin kecil wilayah node dan semakin singkat deteksi pertumpukan objek sehingga mempersedikit penggunaan resource yang menyebabkan kenaikan frame per second., Metode ini juga mempunyai kelemahan yaitu dalam peletakan collidable object, karena metode ini menekankan tentang pemisahan daerah, jika ada collidable object yang berada tepat di 2 node, collidable object tersebut tidak terdeteksi sampai objek tersebut telah berpindah area
- 2. Pengujian dilakukan dengan perbandingan performa FPS atau Frame per second antara metode collision detection yang dimasukan kedalam algoritma quadtree dengan metode collision detection yang langsung di aplikasikan kedalam game

6.2 Saran

Pada penelitian optimasi *collision* detection menggunakan *quadtree* pada 2D spaceship game, penulis memberikan saran sebagai berikut:

1. Menggunakan metode collision detection yang diterapkan kepada metode quadtree untuk pembuatan game 2D selain game ber-genre spaceship, dikarenakan lebih optimal dibandingkan dengan metode collision

detection yang langsung di implementasikan kedalam game.

- 2.Menggunakan metode collision detection selain bounding box untuk diimplementasikan kepada quadtree sebagai perbandingan keoptimalan daripada metode yang telah dilakukan di penelitian ini
- 3. Untuk penelitian selanjutnya, disarankan untuk mengganti algoritma tentang pemasukan *member* yang berisi *collidable object* dengan tujuan memperbaiki kelemahan algoritma yang digunakan pada penelitian ini

7. DAFTAR PUSTAKA

- . C. H. Chien and J. K. Aggarwal, A normalized quadtree representation,
 Comput. Vision Graphics Image Process.
 X,1984,331-346.
- Claypool, K. T., & Claypool, M. (2007). On frame rate and player performance in first person shooter games. *Multimedia Systems*, *13*(1), 3–17. https://doi.org/10.1007/s00530-007-0081-1
- Fasha, L. H., & Gufroni, M. (2018). IMPLEMENTASI ALGORITMA COLLISION DETECTION PADA, 3(1), 58–65.
- G. Schrack, "Finding neighbors of equal size in linear quadtrees and octrees in constant time," CVGIP Image Underst., vol. 55, no. 3, pp. 221–230, 1992.
- H. Samet, "Neighbor finding techniques for images represented by quadtrees,"Comput. Graph. Image Process., vol. 18, no. 1, pp. 37–57, 1982.
- Hosam, O. (2015). Developing Simple Games with OpenGL, (October). https://doi.org/10.13140/RG.2.1.1685.832
- J. Vörös, "A strategy for repetitive neighbor finding in images represented by quadtrees," Pattern Recognit. Lett., vol. 18, no. 10, pp. 955–962, 1997

- K. Aizawa, K. Motomura, S. Kimura, R.
 Kadowaki, and J. Fan, "Constant time neighbor finding in quadtrees: An experimental result," in Communications, Control and Signal Processing, 2008.
 ISCCSP 2008. 3rd International Symposium on, 2008, pp. 505–510.
- Kumar Sharma, D., & Vatta, S. (2015). Optimizing the Search in Hierarchical Database using Quad Tree, 4(4), 221–226.
- Lin, M., & Gottschalk, S. (1998). Collision detection between geometric models: A survey. *Proceedings of IMA Conference on Mathematics of Surfaces*, 1–20. https://doi.org/10.1.1.45.3926
- Musfiroh, L., Jazuli, A., & Latubessy, A. (2014). Penerapan Algoritma Collision Detection Dan Boids Pada Game Dokkaebi Shooter. *Prosiding SNATIF*, 217–224. Retrieved from http://jurnal.umk.ac.id/index.php/SNA/article/view/148/148
- Putrady, E. (2011). Optimasi Collision Detection Menggunakan Quadtree.
- Rahim, R. (2014). Algoritma Quadtree Untuk Pendeteksian Tubrukan Pada Permainan

- Adventure of Upik, III(2), 13–18.
- Salmon, R. A., Armstrong, M. G., & Jolly, S. J. E. (2011). Higher Frame Rates for More Immersive Video and Telvision. *BBC Research White Paper 209*, (October).
- Steven Lambert. (2012). QUICK TIP: USE
 QUADTREES TO DETECT LIKELY
 COLLISIONS IN 2D SPACE
 https://gamedevelopment.tutsplus.com/tut
 orials/quick-tip-use-quadtrees-to-detectlikely-collisions-in-2d-space--gamedev374 [diakses 4 April 2019]
- Studi, P., Informatika, T., Informasi, F. T., & Stikubank, U. (2018). PENERAPAN METODE COLLISION DETECTION PADA GAME, 978–979.
- Vanderhye, P. C. (2001). E O S T H 0 C N | W E X S H J NW L, *1*(12).
- Wicaksono, A., Hariadi, M., & N, S. M. S. (2013). STRATEGI MENYERANG NPC GAME FPS MENGGUNAKAN FUZZY FINITE STATE MACHINE, 25–30.
 - Zhou, M. (2014). Project Report: Collision Detection using Quadtree, 1–4.